

2012 Basic Numerical Analysis

# Course Guidance

# Intended Audience

- Grad. students who do *not* major in computational physics
- Those who are not familiar with scientific computing/programming
- Those who'd like to be able to do numerical integration, matrix inversion etc.
- Those who do *not* dislike programming

# Course plan

Part 1 (Oct. 2 - Nov. 13, taught by Yoshida)

Overview, programming basics,  
ODEs, PDEs, multi-dimension

Part 2 (Nov. 20 - Jan. 15, by Prof. Shimizu)

matrix operation, eigen-value  
problems, Monte-Carlo method,  
parallel computing

# Important!

Unit and grade:

A problem set is given in each part,  
i.e., 2 reports, 50 points each.

Grade given out of  $50 + 50 = 100$  points.

# Lecture 1

- Large-scale computer simulations
- Programming basics
- Example programs
- Root finding

# Useful textbooks

シリーズ現代の天文学 14巻

「シミュレーション天文学」 日本評論社

富阪幸治 他編

「パソコンによるシミュレーション物理」

朝倉書店 矢部孝 他著

*Numerical Recipes*

Press, Teukolsky, Vetterling, Flanerry 著

# Numerical simulations

- Complex phenomena in 2D/3D fluid, material, quantum mechanics, bio
- Compare theoretical models with experiments/observations
- Visualize what cannot be easily seen

# K computer of RIKEN

計算ノードの数 **82944**

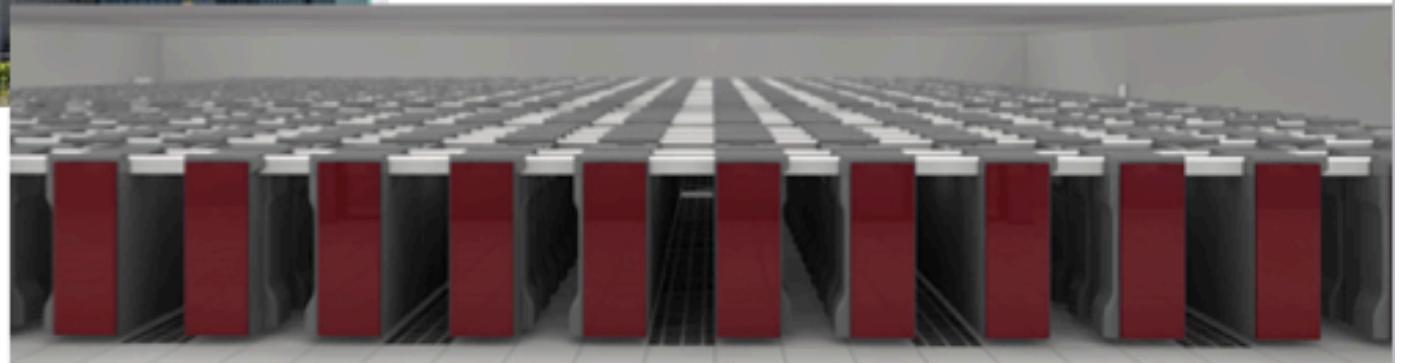
コアの数 > **640,000**

ピーク演算速度 **11.3 Pflops**

メモリ > **1Pbytes (16GB per node)**

ネットワークデータ転送 **5GB/sec (双方)**.

6次元トーラス構造



# 「京」の戦略分野

**予測する生命科学・医療および創薬基盤**

**新薬の開発**

ゲノム  
タンパク質  
細胞  
組織、臓器  
全身  
多階層の生命現象

生体分子から細胞、臓器、全身にわたる多階層の生命現象を予測し、副作用のない革新的な医薬品が開発できる。

**新物質・エネルギー創成**

**新デバイスとエネルギーの開発**

新物質・新現象の探索を基盤とし、次世代電子デバイス開発の指針を与え、クリーンエネルギーの生成の高効率化に資する。

新物質創成  
次世代電子デバイス  
エネルギー・環境  
アノード触媒 カソード触媒

**防災・減災に資する 地球変動予測**

**台風の進路や集中豪雨の予測**

全球雲解像モデルにより台風の進路や集中豪雨の高精度予測が可能となり、効果的な防災・減災対策に資する。

NICAMによる全球3.5kmシミュレーション

**次世代ものづくり**

**設計プロセスの革新**

独創的要素技術の創造、組合せ最適化、丸ごと性能評価を可能とし、ものづくりプロセスの革新とイノベーション創出に資する。

CFD (FFR-Aero)  
Drag coefficient  
-0.5 0 5 10  
0.32 0.34 0.36 0.38 0.4

非定常空力・振動連成解析による、低空気抵抗、低振動車の開発

**物質と宇宙の起源と構造**

**物質の起源と宇宙の構造形成**

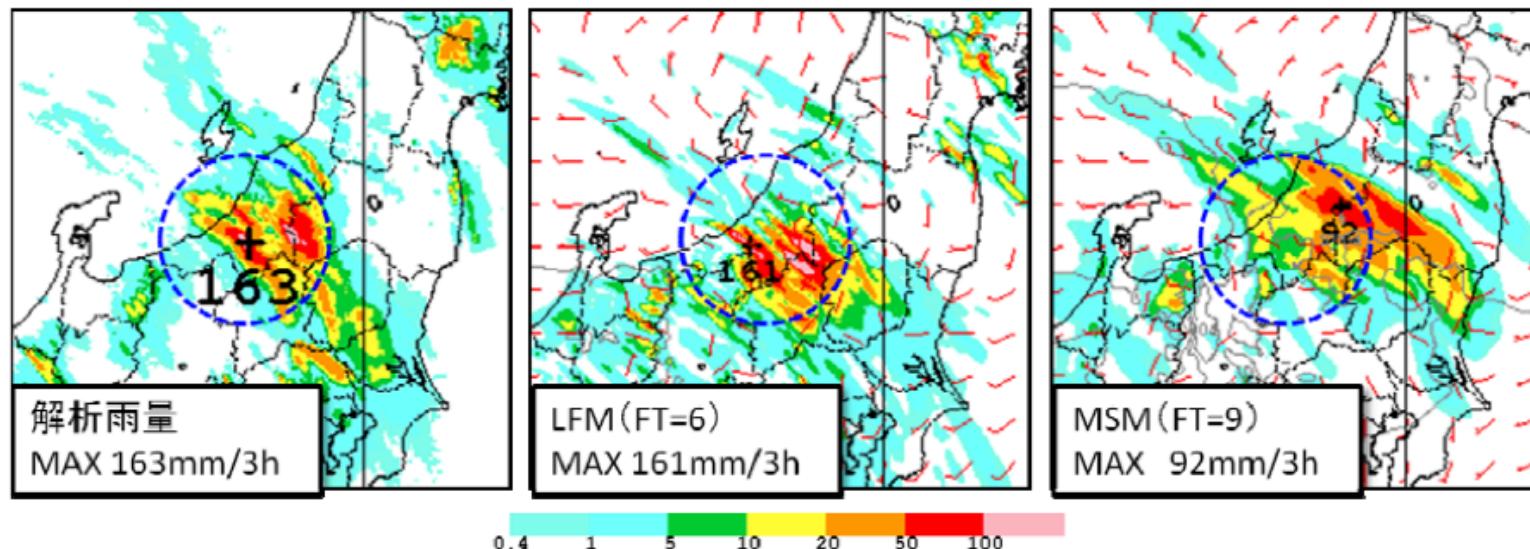
ビッグバン  
超弦  
クォーク  
核子  
原子核  
重元素合成  
超新星爆発  
銀河の誕生  
星形成  
宇宙年齋  
30 Gyr  
10<sup>12</sup> yrs

ビッグバンに始まる宇宙において、極微の素粒子から元素合成、そして星・銀河形成に至る物質と宇宙の起源と構造を統一的に解明する。

# Large-scale simulations

# Weather forecast

2011 Fukushima-Niigata storm



2km per cell resolution  
(data/measurements are needed at  
this resolution,)

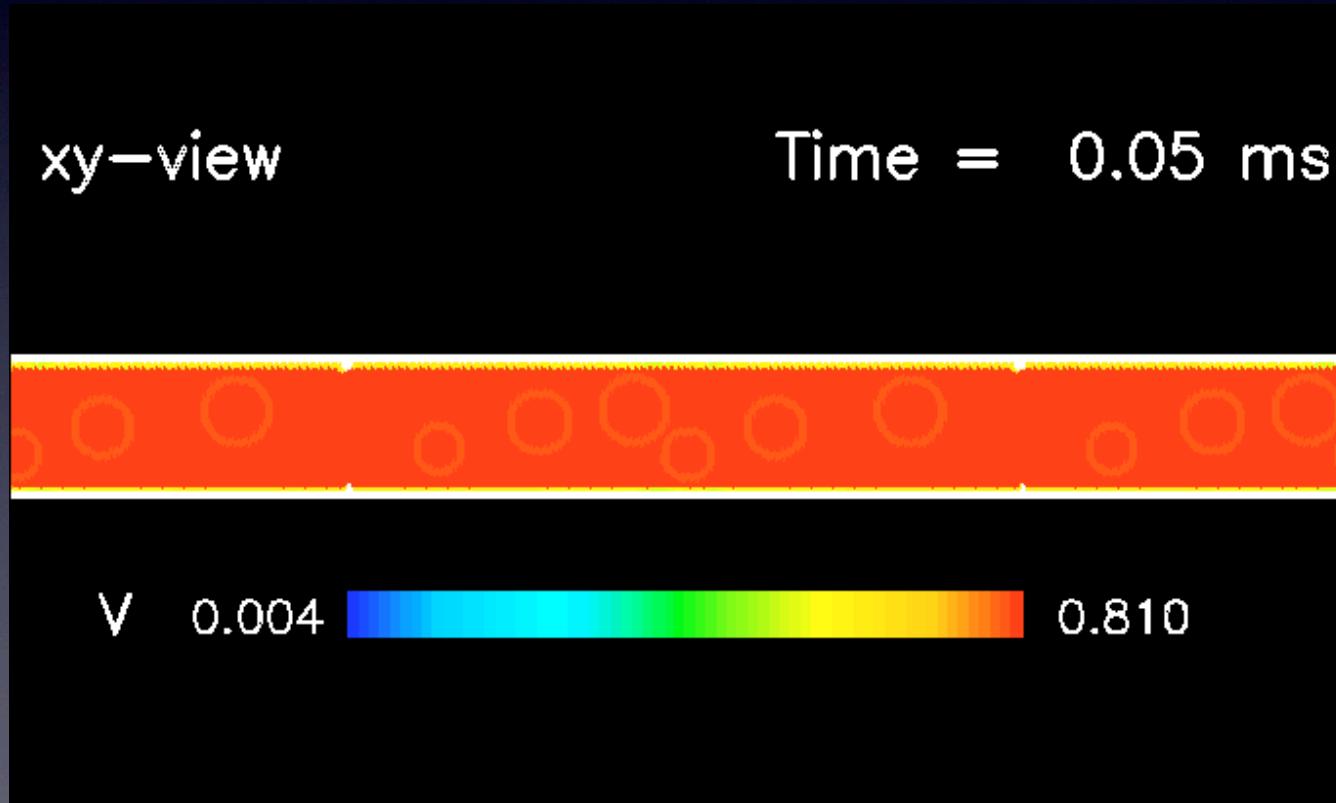
# Astrophysics



Star formaion in a  
turbulen gas cloud

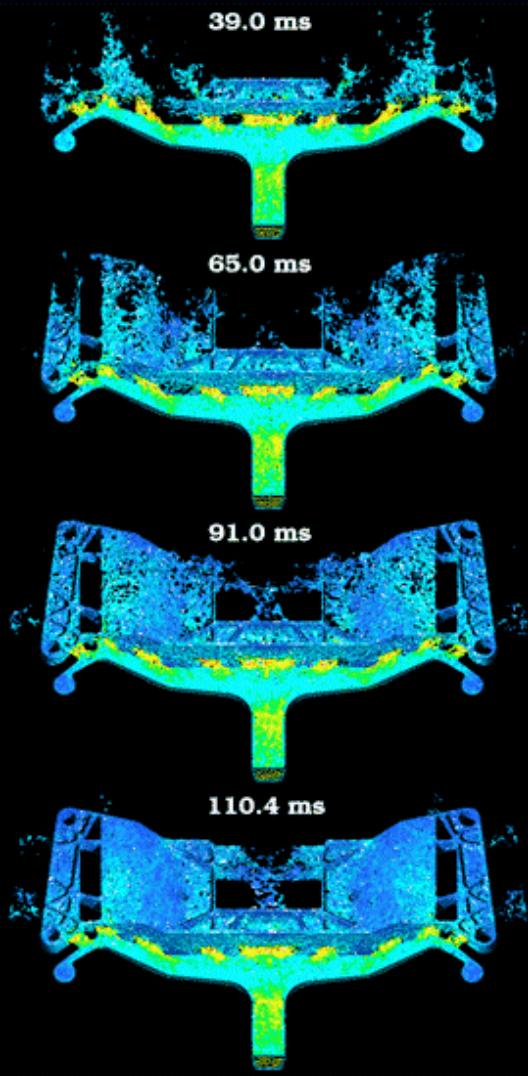
# Fluid mechanics

## Blood flow



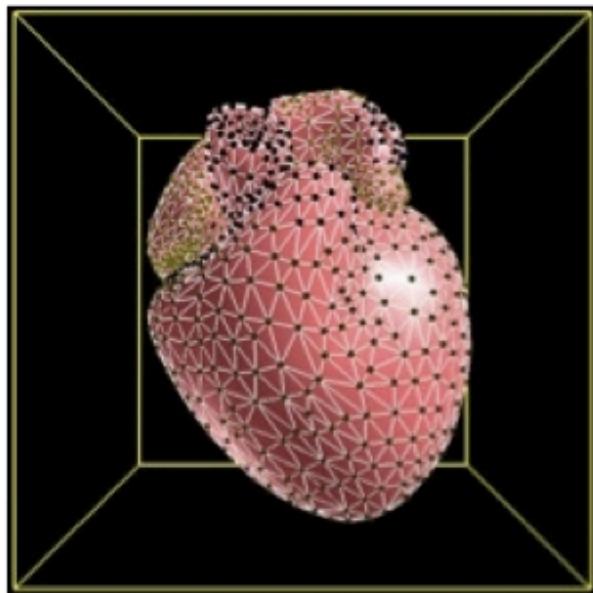
# Engineering

Viscous fluid flow into  
a mold. A particle simulation.

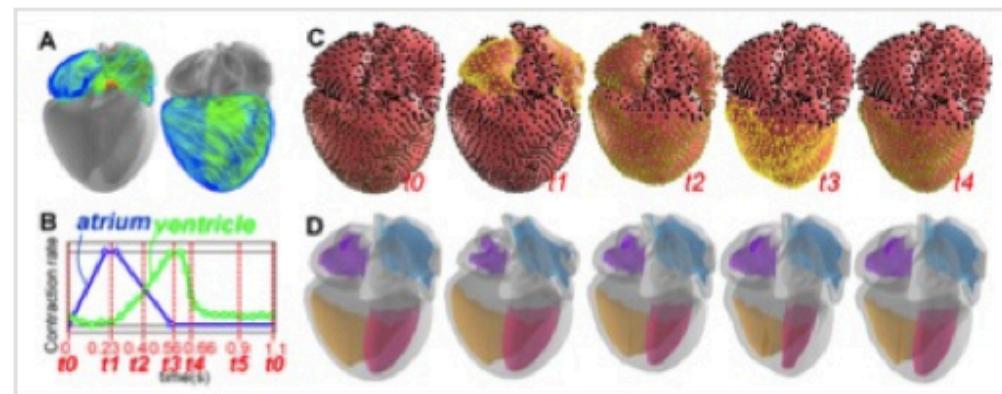


# Medical sciences

## 心臓の運動と血液循環



心臓を7000個の部分に分け、  
心筋細胞の働きを再現

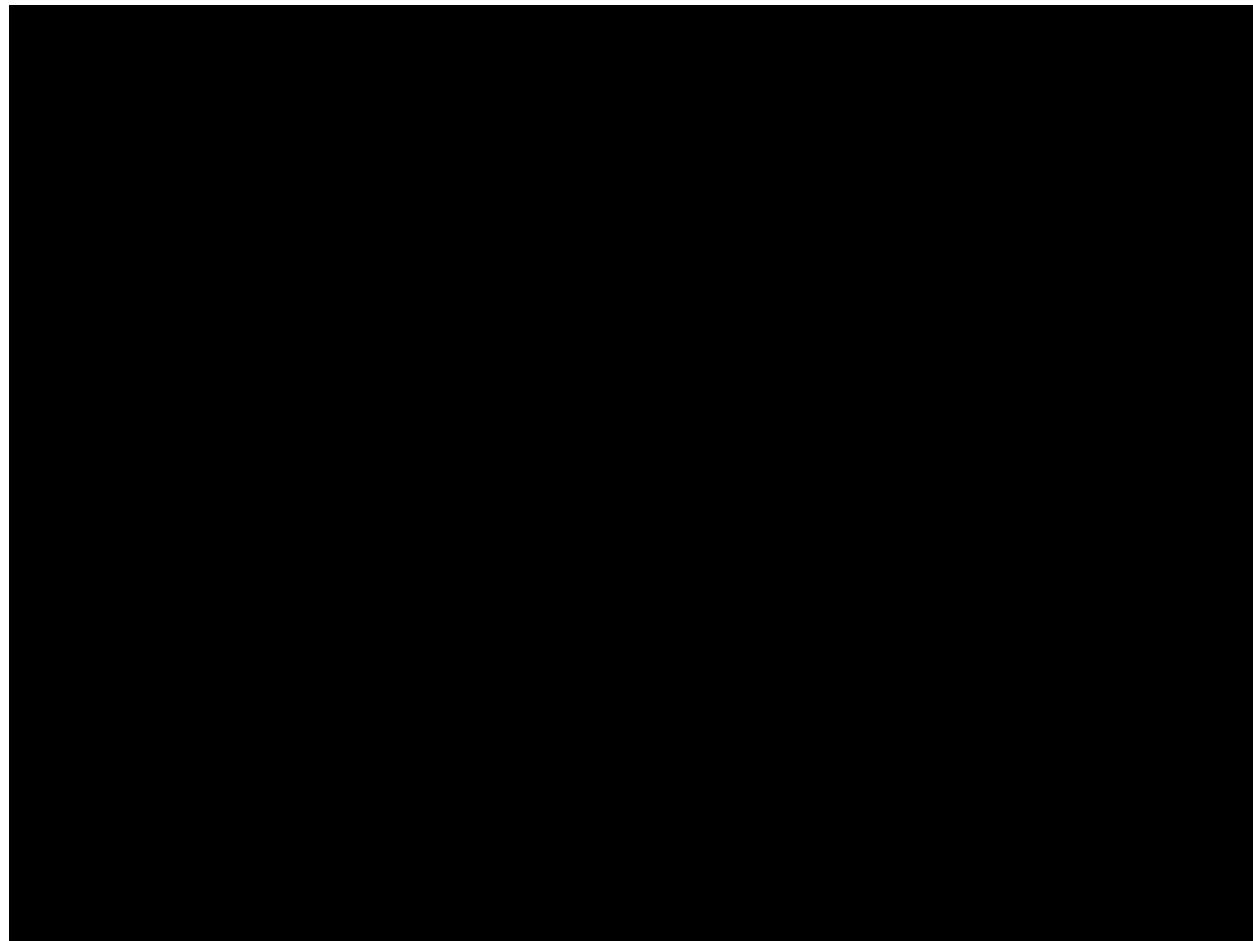


国立循環器病研究センター、理化学研究所、東大、滋賀医科大

# Pandemic



ロスアンゼルスで10人のH5N1型感染者発生



休校などの措置をとらなかった場合、およそ90日で9000万人が感染

In this class, “simulation” refers to, mostly, finding numerical solution(s) for a system that is described by well-established governing equations (such as Navier-Stokes, Newton’s eq.)

There are other types of “simulations” used in TV news, media etc which are not necessarily the outcomes of scientific computing.

# Programming in C

# Suppose you'd like to

Find a root of  $3x^3 + 4x^2 - 6x + 1 = 0$ ,

Integrate  $r^2 \log r$  over  $[0.1, 1.3]$ ,

or advance  $\partial_t f + \partial_x f = 0$  in time.

# “Solutions”

- Forget about it. Find another prom.
- Read a textbook
- Use a software (e.g. mathematica)
- Write your own program

The last one is what this course is meant for.

# Basic structure

```
#include <stdio.h>

#include <math.h>

void factorial();

int main()

{

    double a, b, c, d;

    a = 3.24; b=1.59;

    c = sqrt(b * b - 4.0 * a);

    return 0;

}
```

# 基本 C プログラム

```
#include <stdio.h>
```

Library headers

```
#include <math.h>
```

```
void factorial();
```

function declaration

```
int main()
```

main part

```
{
```

```
double a, b, c, d;
```

variable declaration

```
a = 3.24; b=1.59;
```

```
c = sqrt(b * b - 4.0 * a);
```

operations

```
return 0;
```

```
}
```

# Variables

In C, one can write

a, x, c14, volume, electron\_mass, TEMP

as variables.

Their types are

整数 int,

実数(浮動小数点数) float, double

文字列 char

# Data type

integer constants 0 2 3245 76892

floating point numbers

0.01 3.2 4.678e8

characters (strings)

“world” “Tokyo 113” “080-3921”

# Variable declaration

C言語では変数を用いる前に宣言しなくてはならない

```
int main()
{
    int i, j, k;
    double a, b, c, d;
    i = 3;
    a = 2.3; b=1.59; c=0.05;
    c = sqrt(b * b - 4.0 * a - i * c);
    return 0;
```

ここ

# 変数宣言

しかし、必ずしもプログラム先頭部でなくとも、途中で（ただし使用前に）宣言してもよい。

```
int main()
{
    double a, b, c, d;
    a = 2.3; b=1.59; c=0.05;
    c = sqrt(b * b - 4.0 * a);
    d = integrate_fx();
```

```
double factor = 3.4;    ここ
a = factor * d;
```

# 式と文

(expression, statement)

expressions

$a + b$

$x = y$

$a = b + c$

$x \leq y$

など

statements

`a = 6;`

`a = b + c;`

`++j;`

`{`

`pi = 3.14;`

`area = pi * r * r;`

`}`

など

# 四則演算

`+, -, *, /`

C言語には指数演算子が無く、  
math libraryとして pow が  
定義されている。たとえば  
2の4乗は `pow(2, 4)`

# 演算の優先度

$a - b/c + d$  は  $a - (b/c) + d$   
のように処理される。

increment と decrement

`b = a++;` は

`b = a; a = a+1;` と同じ。

`b = ++a;` は

`a = a+1; b=a;` と同じ。

# 比較演算子

less than <

less than or equal to <=

greater than >

greater than or equal to >=

## 等号演算子

equal to ==

not equal to !=

# 代入演算子

`+=, -=, *=, /=`

`i += 6` は `i = i + 6` と同じ。他も同様。

# 条件演算子

なになに ? ○○ : □□

例  $(j < 5) ? \ 12 : -6$

j が 5 より小さい ( $j < 5$  が真) とき 12 を返し、  
j が 5 より大きい ( $j < 5$  が偽) とき -6 を返す。  
クイズ)  $j = 5$  のときは？

応用  $k = (i < 0) ? n : m$

# 関数ライブラリ

#include <math.h>

を文頭におくと、以下の関数を使える

acos(d), asin(d), atan(d)

cbrt(d), sqrt(d)

cos(d), sin(d),

cosh(d), sinh(d), tanh(d),

exp(d), log(d), log10(d), pow(d1,d2)

また、いくつかの定数も定義されている：

M\_PI, M\_SQRT2, M\_E など

# 関数の定義と呼び出し

関数を使うには、宣言と定義が必要

```
double factorial(int n);
```

```
int main()
```

```
{
```

```
    int i; double fac;
```

```
    for(i=0; i < 10; i++)
```

```
        fac = factorial(j);
```

```
        cout << fac << endl;
```

# 関数の定義と呼び出し

関数を使うには、宣言と定義が必要

```
double factorial(int n);
```

```
int main()
```

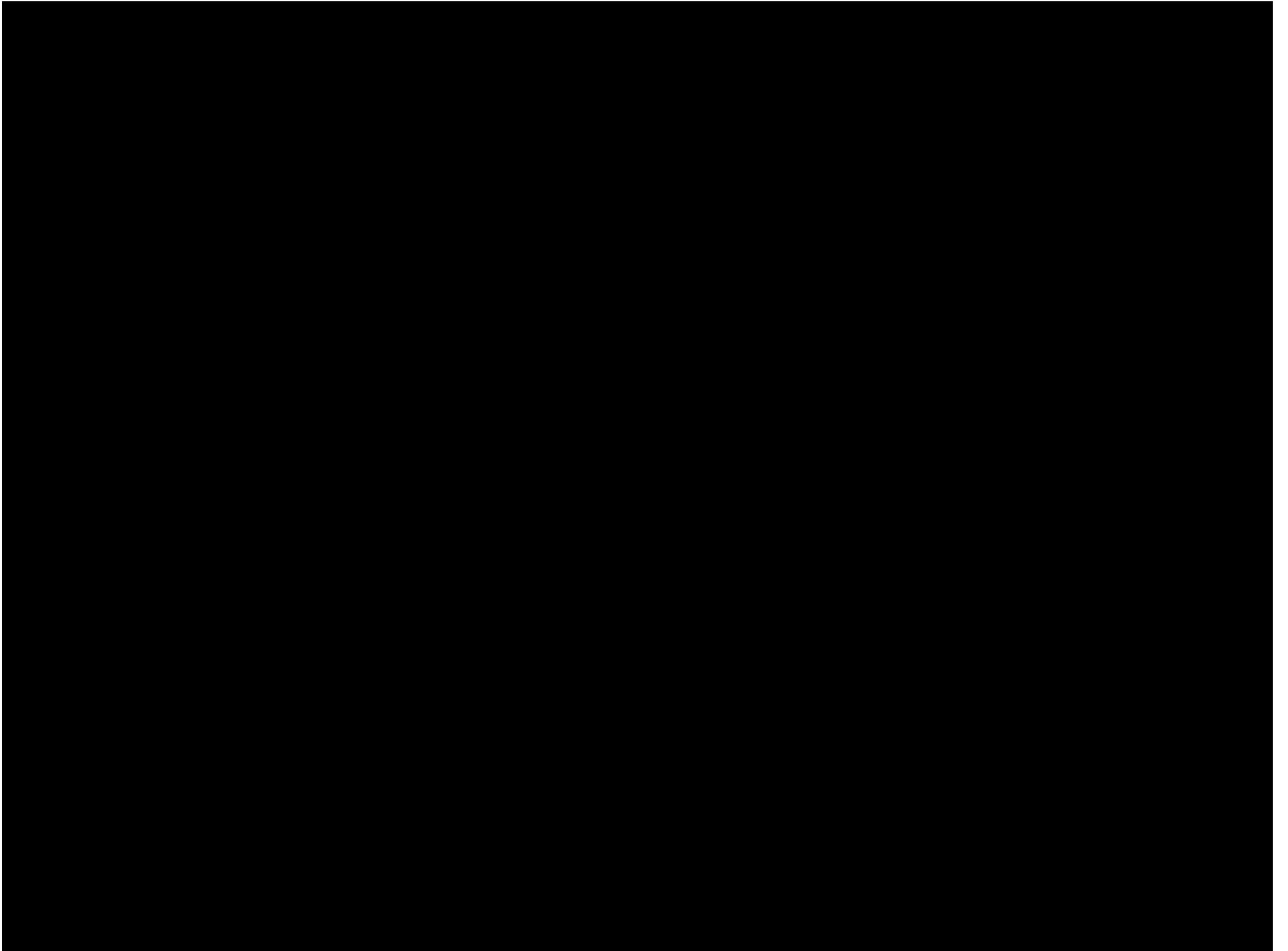
```
{
```

```
    int i; double fac;
```

```
    for(i=0; i < 10; i++)
```

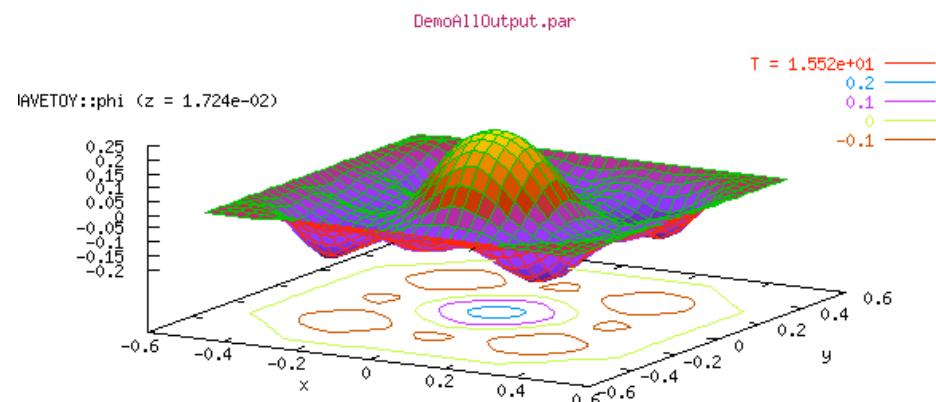
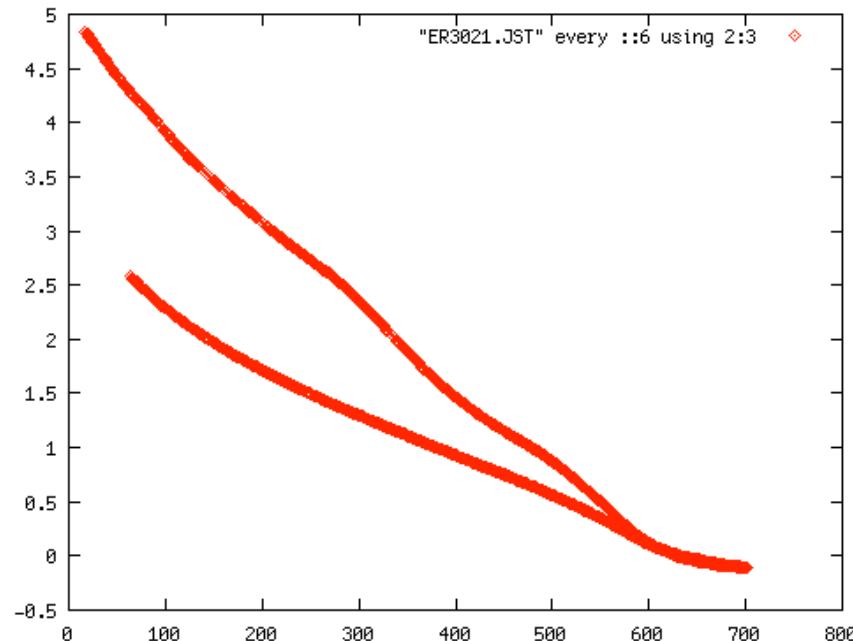
```
        fac = factorial(j);
```

```
        cout<<fac<<endl;
```



# 可視化の初步

## グラフツール GNUPLOT



# もう少し本格的

